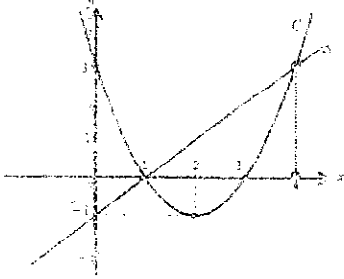


أولاً أجب عن الأسئلة الأربعة الآتية: (40 درجة لكل سؤال)

السؤال الأول: تأمل الشكل المرسوم جانباً ، ليكن  $C$  الخط البياني للنسبة  $f$  المعرف على  $\mathbb{R}$  . والمطلوب



1- دل على القيمة الحدية الصغرى للتابع  $f$  .

2- جد  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  .

3- ما حلول المعادلة  $f(x) = y_0$  .

4- اكتب معادلة المستقيم  $\Delta$  .

السؤال الثاني :

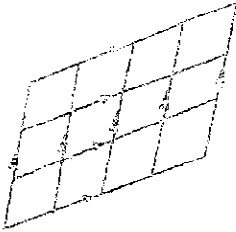
في معلم متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  لتكن النقطة  $A(1, -2, 0)$  والمستوي  $P$  الذي معادلته:

$$p: x + 2y + z - 1 = 0 \text{ والمطلوب :}$$

احسب بعد النقطة  $A$  عن المستوي  $P$  ، ثم اكتب معادلة الكرة التي مركزها  $A$  وتمس المستوي  $P$  .

السؤال الثالث:

في الشكل المجاور نتأمل شبكة منتظمة من المستقيمات المتوازية،



تشكل فيما بينها متوازيات أضلاع والمطلوب : احسب عدد متوازيات الأضلاع في الشبكة.

السؤال الرابع: ليكن  $f$  التابع المعرف على  $\mathbb{R}$  وفق:  $f(x) = \frac{1}{3 + \cos x}$

1- أثبت محدودية  $f$  .

2- استنتج  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{3 + \cos x}$  .

ثانياً: حل التمارين الأربعة الآتية: (60 درجة لكل تمرين)

التمرين الأول : في المستوي العقدي المنسوب إلى معلم متجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  نتأمل النقاط  $M, C, B, A$

التي تُمثلهما على الترتيب الأعداد العقدية  $a = -1 - i, b = 1 - i, c = 2i, m = -1 + i$  والمطلوب:

(1) مثل الأعداد  $a = -1 - i, b = 1 - i, c = 2i, m = -1 + i$  في المستوي.

(2) احسب العدد العقدي  $d$  الممثل للنقطة  $D$  صورة النقطة  $C$  وفق دوران مركزه  $O$  وزاويته  $\frac{\pi}{2}$

(3) أثبت أن النقاط  $M$  و  $O$  و  $B$  تقع على استقامة واحدة.

(4) احسب  $\arg \frac{c-d}{m}$  ، واستنتج أن  $(OM)$  و  $(DC)$  متعامدان.

التمرين الثاني:

ليكن لدينا المتتاليات  $(u_n)_{n \geq 1}$  ،  $(v_n)_{n \geq 1}$  المعرفتان وفق:  $u_n = 5 - \frac{1}{n}$  ،  $v_n = 5 + \frac{1}{n^2}$  والمطلوب:

1- اثبت أن المتتالية  $(u_n)_{n \geq 1}$  متزايدة.

2- اثبت أن المتتالية  $(v_n)_{n \geq 1}$  متناقصة.

3- هل المتتاليات  $(u_n)_{n \geq 1}$  ،  $(v_n)_{n \geq 1}$  متجاورتان ؟ حطّ بإبدانك .

**التمرين الثالث:** ليكن  $X$  متحول عشوائي يمثل عدد الأخطاء التي تظهر في برنابيه الجدول غير المكتمل المجاور هو القانون الاحتمالي للمتحول  $X$  الممثل بثلاث جزيئات، إذا علمت أن احتمال النجاح يساوي  $\frac{2}{3}$  و

$k$	0	1	2	3
$P(X = k)$	$\frac{1}{27}$	$\frac{6}{27}$	...	...

$$P(X = 1) = \frac{6}{27} \text{ و } P(X = 0) = \frac{1}{27}$$

$$P(X = 3), P(X = 2) \text{ جد (1)}$$

(2) ما التوقع الرياضي للمتحول العشوائي  $X$  ؟

(3) ما تباين المتحول العشوائي  $X$  ؟

**التمرين الرابع:** ليكن  $J = \int_0^{\ln 2} \frac{e^x}{e^x + 2} dx$  ،  $I = \int_0^{\ln 2} \frac{1}{e^x + 2} dx$  والمطلوب

1- احسب  $J$ .

2- احسب  $I + J$  ثم استنتج  $I$ .

(100 درجة لكل مسألة)

**ثالثاً حل المسالتين الآتيتين:**

**المسألة الأولى:** ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  وهي  $f(x) = \ln(e^{-x} + 1)$

1- جد نهاية  $f$  عند  $-\infty$  ، وعند  $+\infty$  ، هل يقول الخط  $C$  مقاربته غير مائلة؟

2- أثبت أن  $f(x) = -x + \ln(e^x + 1)$

3- أثبت أن المستقيم  $y = -x$  مقارب مائل للخط  $C$  في جزير  $-\infty$ .

4- ادرس تغيرات التابع  $f$  ونظم جدولاً بها.

5- ارسم المقاربات وارسم الخط البياني  $C$ .

**المسألة الثانية:** في معلم متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  نلينا النقاط  $A(1, 1, 0)$  و  $B(1, 2, 1)$  و  $C(4, 0, 0)$  والمطلوب

(1) أثبت أن النقاط  $A, B, C$  ليست على استقامة واحدة.

(2) اثبت أن معادلة المستوي  $(ABC)$  تعطى بالمعادلة  $x + 3y - 2z - 4 = 0$

(3) ليكن المستويان  $P, Q$  معادتهما :

$$P : x + 3y - z - 4 = 0$$

$$Q : 2x + 3y - 2z - 5 = 0$$

أثبت أن المستويان يتقاطعان في الفصل المشترك  $d$  التاميلات الوسيطة الثانية :  $t \in \mathbb{R}$  ،  $\begin{cases} x = t - 2 \\ y = 3 \\ z = t \end{cases}$

(4) ما هي نقطة تقاطع المستويات  $P, Q, (ABC)$ .

(5) احسب بعد  $A$  عن المستقيم  $d$ .

**ملاحظة :** يمنع استعمال الآلات الحاسبة والمشارحة التي لا تحتوي