

السؤال الأول: ليكن X متحول عشوائي لتجربة برنولية ، الجدول المجاور هو القانون الاحتمالي للمتحول العشوائي X والمطلوب:

x_i	0	1	2	3
$P(X = x_i)$				$\frac{8}{27}$

(1) اكمل الجدول المجاور

(2) احسب التوقع الرياضي والتباين للمتحول العشوائي X .

السؤال الثاني: عيّن قيم العدد الطبيعي n الذي يحقق $2 \binom{n+3}{2} = 3 \binom{n+2}{3}$

السؤال الثالث: إذا كان $P(A) = \frac{1}{2}$ و $P(B) = \frac{3}{4}$ و $P(A \cup B) = \frac{7}{12}$ والمطلوب:

احسب $P(A \cap B)$ ثم استنتج $P(A|B)$ ، هل الحدثين A و B مستقلين احتمالياً؟

السؤال الرابع: مضلع عدد رؤوسه n نصل بين ثلاث رؤوس فنحصل على مثلث ، ما عدد المثلثات التي نحصل عليها بهذه الطريقة؟

السؤال الخامس: أثبت صحة المساواة $(n+1) \binom{n}{r-1} = r \binom{n+1}{r}$

المسألة الأولى: نلقي حجر نرد متوازن وجوهره مرقمة من 1 إلى 6 ، نحصل على درجة واحدة عند ظهور عدد أكبر

تماماً من 4 ونخسر درجة عند ظهور عدد أصغر تماماً من 4 ولا نحصل على أي نقطة عند ظهور العدد 4 ، وليكن X

المتحول العشوائي الذي يمثل الدرجة التي نحصل عليها ، والمطلوب:

(1) اكتب مجموعة قيم X وقانونه الاحتمالي.

(2) احسب التوقع الرياضي والانحراف المعياري للمتحول العشوائي X .

المسألة الثانية: صندوق يحوي خمس بطاقات مرقمة (0,1,1,2,2) ونميز التجريبتين:

(I) نسحب من الصندوق كرتين على التتالي ومع إعادة ، ولنعرف الحدثين:

A الحصول على بطاقتين تحملان الرقم ذاته و B الحصول على بطاقتين مجموعها يساوي 2

و المطلوب: احسب احتمال كل من الأحداث الآتية: A و B و $A \cap B$ و $A \cup B'$

(II) نسحب وفي أن معاً كرتين من الصندوق ، والمطلوب:

(1) احسب احتمال الحصول على عددين مجموعهما يساوي 2.

(2) احسب احتمال أن تكون إحدى البطاقتين المسحوبتين على الأقل تحمل الرقم 1.

(3) إذا علمت أن مجموع رقمي البطاقتين المسحوبتين يساوي 2 ، ما احتمال أن تحمل إحداها على الأقل الرقم 1.