

السؤال الأول: ليكن  $\alpha = e^{\frac{2\pi i}{7}}$  ونضع  $A = \alpha + \alpha^6$  و  $B = \alpha^2 + \alpha^5$  و  $C = \alpha^3 + \alpha^4$  والمطلوب:

$$(1) \text{ أثبت أن } 1 + \alpha + \alpha^2 + \dots + \alpha^7 = 0.$$

$$(2) \text{ أثبت أن } A \text{ و } B \text{ و } C \text{ جذور للمعادلة } x^3 + x^2 - 2x - 1 = 0.$$

$$(3) \text{ أثبت أن المعادلة (1) تقبل حلاً وحيداً موجباً هو } 2 \cos \frac{2\pi}{7}.$$

السؤال الثاني: ليكن كثير الحدود  $P(z) = z^4 + 4z^3 + 19z^2 + 30z + 50$

$$(1) \text{ عيّن عددين حقيقيين } a \text{ و } b \text{ بحيث } P(z) = (z^2 + az + b)(z^2 + az + 2b).$$

$$(2) \text{ حل في } \mathbb{C} \text{ المعادلة } P(z) = 0.$$

السؤال الثالث: لتكن لدينا المعادلة  $z^2 - (1 + 3i)z - 4 + 3i = 0$

$$(1) \text{ أوجد الجذور التربيعية للعدد العقدي } \omega = 8 - 6i.$$

$$(2) \text{ حل في } \mathbb{C} \text{ المعادلة (1).}$$

(3) لتكن النقطتين  $A$  و  $B$  نقاط المستوي التي تمثل حلول المعادلة (1)، أثبت أن المثلث  $OAB$  قائم ومتساوي الساقين.

السؤال الرابع: تتأمل  $z$  و  $w$  عدداً عقديان طولية كل منهما تساوي الواحد، حيث  $wz \neq 1$  والمطلوب:

$$(1) \text{ أثبت أن العدد العقدي } Z = \frac{w+z}{1-wz} \text{ تخيلي بحت.}$$

$$(2) \text{ نفترض أن } z = e^{i\frac{\pi}{5}} \text{ و } w = e^{i\frac{4\pi}{5}} \text{ أثبت أن } Z = i \sin \frac{\pi}{5}.$$

السؤال الخامس: تتأمل في معلم متجانس  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  النقطتين  $A$  و  $B$  اللتين يمثلهما العددان العقديان  $a = 2e^{-\frac{\pi}{6}i}$  و

$$b = 2e^{\frac{\pi}{4}i} \text{ وليكن } I \text{ منتصف القطعة المستقيمة } [AB] \text{ والمطلوب:}$$

$$(1) \text{ ارسم شكلاً مناسباً وبين طبيعة المثلث } OAB.$$

$$(2) \text{ استنتج قياساً للزاوية } (\vec{u}, \overline{OI}).$$

$$(3) \text{ أوجد الشكل الجبري والأسمي للعدد العقدي } z_I \text{ الممثل للنقطة } I.$$

$$(4) \text{ استنتج } \cos \frac{\pi}{24} \text{ و } \sin \frac{\pi}{24}.$$