

١. $f(x) = \frac{x^2+1}{x-1}$ فإن $g(x) = f(\sin x)$ اشتقائي على:

A	R	B	$R / \{1\}$	C	$R / \{k\}$	D	$R \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + 2\pi k \right\}$
---	---	---	-------------	---	-------------	---	---

٢. إن مجموعة اشتقاق $f(x) = \frac{1}{\cos^2(3x)}$

A	$R / \left\{ \frac{\pi}{2} + 2\pi k \right\}$	B	$R / \left\{ \frac{\pi}{3} k \right\}$	C	$R / \{0\}$	D	$R / \left\{ \frac{\pi}{6} + \frac{2\pi}{3} k \right\}$
---	---	---	--	---	-------------	---	---

٣. إشارة $f(x) = x - 2\sqrt{x-1}$ على $[1, +\infty[$

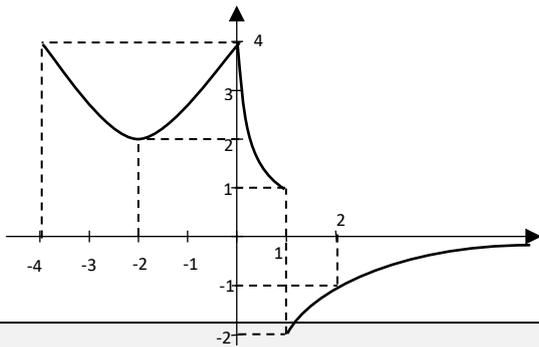
A	موجبة	B	سالبة	C	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>t</td> </tr> <tr> <td>f(x)</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	0	2	t	f(x)	-	0	+	D	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>t</td> </tr> <tr> <td>f(x)</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> </tr> </table>	x	0	2	t	f(x)	+	0	-
x	0	2	t																				
f(x)	-	0	+																				
x	0	2	t																				
f(x)	+	0	-																				

٤. التابع الذي يقبل نصفى مماسين مختلفين في نقطة منه $x = 0$

A	$x\sqrt{x}$	B	$x x $	C	$\frac{x^2 + x }{x^2 + 1}$	D	$x x-1 $
---	-------------	---	--------	---	-----------------------------	---	----------

٥. المماسات ل C والتي ميلها ϵ بحيث: $f(x) = \frac{x^2-3x+1}{x+1}$

A	لا يوجد مماسات ميلها ϵ	B	مماس وحيد	C	مماسان	D	ثلاثة مماسات
---	---------------------------------	---	-----------	---	--------	---	--------------



f خطه البياني كما هو مبين بالشكل
معرف على $[-4, +\infty[$

٦. إن نهاية f عند $+\infty$

A	-2	B	$+\infty$	C	$-\infty$	D	0
---	----	---	-----------	---	-----------	---	---

٧. حلول المتراجحة $f'(x) \geq 0$

A	$\theta = -\frac{\pi}{18}$	B	$\theta = -\frac{\pi}{6}$	C	$\theta = \frac{\pi}{6}$	D	$\theta = \frac{\pi}{2}$
---	----------------------------	---	---------------------------	---	--------------------------	---	--------------------------

٨. $f([-4, 1])$

A	[2,4]	B	[2.4]	C	[-2,0]	D	[1,4]
---	-------	---	-------	---	--------	---	-------

٩. معادلة المقارب الأفقي:

A	$y = 2$	B	$y = 1$	C	$y = 0$	D	$x = 0$
---	---------	---	---------	---	---------	---	---------

١٠. معادلة المماس الأفقي			
A	$x = 0$	B	$y = 1$
C	$y = 2$	D	$y = 0$
١١. عدد الحلول $f(x) = 3$			
A	حلان	B	ثلاث حلول
C	٤ حلول	D	حل وحيد
١٢. $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{1}{f(x)-2}$			
A	-2	B	0
C	$+\infty$	D	$-\infty$
١٣. g مقصور f على $[-2,1]$ فإن عدد القيم المحلية ل g هي :			
A	4	B	2
C	1	D	3
١٤. مجموعة تعريف $h(x) = \sqrt{f(x)}$			
A	R	B	$]1, +\infty[$
C	$[1, +\infty]$	D	$[-4, 1]$
١٥. مجموعة تعريف $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ هي			
A	$[-4, +\infty[$	B	$[-4, +\infty[\setminus \{0\}$
C	$[-4, +\infty[\setminus \{1\}$	D	$[-4, +\infty[$
١٦. $f(x) = \frac{3x^2 + \cos x}{x^2 + 1}$ فإن :			
A	$\frac{3x^2 + 1}{x^2 + 1} \leq f(x) \leq \frac{3x^2 - 1}{x^2 + 1}$	B	$\frac{3x^2 - 1}{x^2 + 1} \leq f(x) \leq \frac{3x^2}{x^2 + 1}$
C	$\frac{x}{x^2 + 1} \leq f(x) \leq \frac{x - 1}{x^2 + 1}$	D	$\frac{3x^2 - 1}{x^2 + 1} \leq f(x) \leq \frac{3x^2 + 1}{x^2 + 1}$
١٧. المعادلة $f(x) = x - \cos x$ لها حل وحيد في			
A	$] -\pi, -\frac{\pi}{2}[$	B	$] -\frac{\pi}{2}, 0[$
C	$] -1, 0[$	D	$] 0, \frac{\pi}{2}[$
١٨. $f(x) = x - \sqrt{x^2 + 1}$ فإن قيمة $D = R$			
A	$f(R) =] -1, 1[$	B	$f(R) =] -\infty, 0[$
C	$f(R) =] -\infty, +\infty[$	D	$f(R) =] 0, +\infty[$
١٩. $f(x) = x^3 + 1$ مقابله العكسي			
A	$f^{-1}(x) = x - 1$	B	$f^{-1}(x) = \sqrt[3]{x + 1}$
C	$f^{-1}(x) = \sqrt[3]{x - 1}$	D	$f^{-1}(x) = \sqrt{x - 1}$
٢٠. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[\left(\frac{x+1}{x+\cos x} \right)^{\frac{7}{2}} - \left(\frac{3x+E(x)}{x+1} \right)^{\frac{3}{2}} \right]$			
A	-8	B	-65
C	-7	D	$1 - 3\sqrt{3}$

٢١. $f(x) = x + 2 + \frac{4x}{\sqrt{x^2+1}}$ معادلة مقارب المائل عند $-\infty$			
A	$y = x + 2$	B	$y = x - 2$
C	$y = x + 6$	D	$y = x - 1$
٢٢. $\begin{cases} f'(x) = \frac{1}{1+x^2} \\ f(0) = 0 \end{cases}$ $h(x) = f(x) + f\left(\frac{1}{x}\right)$			
A	$h(0) = 0$	B	$h(x) = 0$
C	$h'(x) = 1$	D	$h(x) = 2f(1)$ ثابت h
٢٣. فرض $f'(x) = \frac{2x^2+1}{x-4}$ فإن مشتق $g(x) = f(\cos x)$			
A	$g'(x) = -\sin x \frac{2\cos^2 x + 1}{\cos^2 x - 4}$	B	$g'(x) = -\sin x$
C	$g'(x) = \frac{2\sin^2 x + 1}{\sin x - 4}$	D	$g'(x) = \frac{2\cos^2 x + 1}{\cos^2 x - 4}$
٢٤. $f(x) = 4a\sqrt{x+3} + \frac{b}{x}$ أوجد قيمة a و b بحيث المماس ل c في النقطة $A(1, 2)$ ميله $+8$			
A	$a = 1, b = 2$	B	$a = 2, b = 1$
C	$a = 6, b = 8$	D	$a = 1, b = -6$
٢٥. بفرض $f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$ فإن $f'(x) \cdot x + f''(x) \cdot (x^2 + 1) = f(x)$			
A	$f'(x) + f''(x) = 0$	B	$f'(x) \cdot x + f''(x) \cdot (x^2 + 1) = f(x)$
C	$f'(x) \cdot x + f''(x) \cdot x^2 = 1$	D	$f'(x) \cdot x + f''(x) \cdot x^2 = 1$
٢٦. $f(x) = \sqrt{1 - \cos x}$ معرف على R			
A	التابع اشتقاقي على R ودوري ودوره $\frac{\pi}{2}$	B	التابع دوري ودوره π ومقصوره على $[\pi, 2\pi]$ هو $g(x) = 2\sin x$
C	التابع فردي وليس دوري ومعرف على $[-1, 1]$	D	التابع دوري ودوره 2π ومقصوره على $[\pi, 2\pi]$ هو $g(x) = -\sqrt{2}\sin \frac{x}{2}$

أولاً: أحب عن الأسئلة الآتية: (30° درجة لكل سؤال)

السؤال الأول: الجدول المجاور هو جدول تغيرات التابع f المعرف على \mathbb{R} :

x	$-\infty$	-2	2	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-	0
$f(x)$	0	↗ 3	↘ 0	↗ 2

(1) عيّن القيم الحدية للتابع f .

(2) هل يقبل التابع f مقارب مائل؟ برر إجابتك.

(3) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$.

(4) ما عدد حلول المعادلة $f(x) = 0$.

السؤال الثاني: أثبت أن التابع $f(x) = x\sqrt{x}$ اشتقائي على مجموعة تعريفه، ثم احسب $f'(x)$.

السؤال الثالث: عيّن التابع المشتق للتابع $f(x) = x^2 \cos\left(\frac{1}{x}\right)$ ثم اكتب معادلة المماس للخط C في النقطة التي فاصلتها $\frac{2}{\pi}$.

السؤال الرابع: احسب نهاية التابع $f(x) = \frac{2x + \sin x}{3x + 5}$ عند $+\infty$.

ثانياً: حل المسألتين الآتيتين: (90° درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى: ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على \mathbb{R} بالعلاقة $f(x) = \sqrt{x^2 - 2x + 2}$ والمطلوب:

(1) ادرس تغيرات f ونظّم جدولاً لها، حدد القيمة الحدية للتابع f .

(2) عيّن العددين الحقيقيين a و b بحيث $a = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$ و $b = \lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - ax)$.

(3) أثبت أن C يقبل مقارباً مائلاً اكتب معادلته وادرس وضعه النسبي.

(4) لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بالعلاقة التدرجية $u_{n+1} = f(u_n)$ و $u_0 = 4$ والمطلوب:

(a) أثبت بالتدرج أن $1 \leq u_{n+1} < u_n$ أيّاً كان العدد الطبيعي n .

(b) استنتج أن المتتالية u_n متقاربة واحسب نهايتها.

المسألة الثانية: ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ بالعلاقة $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 7}{x - 3}$ والمطلوب:

(1) ادرس تغيرات f ونظّم جدولاً لها، حدد القيم الحدية للتابع f .

(2) عيّن الأعداد الحقيقية a و b و c التي تحقق $f(x) = ax + b + \frac{c}{x - 3}$.

(3) أثبت أن C يقبل مقارباً مائلاً اكتب معادلته وادرس وضعه النسبي.

(4) ارسم ما وجدته من مقاربات C ثم ارسم C .

(5) ناقش تبعاً لقيم الوسيط m عدد حلول المعادلة $x^2 - (m + 5)x + 3m + 7 = 0$.